AccessionIndex: TCD-SCSS-U.20121208.024

Accession Date: 8-Dec-2012 Accession By: Prof.J.G.Byrne Object name: Kepler's Planetarium

Vintage: c.1596

Synopsis: Georgius Vogelinus, reprint of Georg Rhaticus' famous book 'De

Revolutionibus' that unveiled the astronomical theory of Copernicus, with a diagram

of Kepler's first proposal for a Planetarium.

Description:

To quote from [1]: "Nicholas Copernicus's landmark work, 'De Revolutionibus,' might never have been published had it not been for Georg Joachim Rhäticus. In the sixteenth century, Nicholas Copernicus proposed the theory that the Sun, not the Earth, is the center of the Universe. Although he had begun a manuscript to explain his theory, he had not completed it. Rhäticus, a mathematics teacher at Wittenberg who wanted to learn more about this new theory, traveled to Poland to visit Copernicus. During his stay with Copernicus, Rhäticus wrote and published this preliminary announcement of Copernicus's theory, 'The Narratio Prima,' or, 'The First Report.'"

The frontispiece is in abbreviated Latin, which assuming 'excellentiff.' abbreviates 'excellentissimi' and 'ad clariff.' abbreviates 'ad clarissimum' then expands to:

De libris Revolutionum eruditissimi viri, et mathematici excellentissimi reuerendi D. Doctoris Nicolai Copernici Torunnaei Canonici Vuarmaciensis, Narratio Prima ad clarissimum Virum D. Joannem Schonerum, per M. Georgium Joachimum Rheticum, Una cum Encomio Borussiae scripta.

This translates (courtesy Dr.Dan McCarthy) to:

The books of orbits by the most erudite of men and most excellent mathematician, reverend D. Doctor Nicholas Copernicus of Torun, canon of Warmia, the First Account together with In Praise of Prussia, written by Georg Joachim Rheticus to the famous man, D. Joannes Schoner.

This is a reprint of the famous book on the early astronomy of Nicolaus Copernicus (1473-1543) by Georg Joachim Rhaticus (1514-1576), written to Johann Schoner (1477-1547). Its publication in 1540 was the first unveiling of Copernicus's theory. Copernicus subsequently published his major work *De Revolutionibus Orbium Coelestium* (1543), prompted by Rhaticus. In Jul-2016 a first edition of Rhaticus' book sold for St£1,818,500 [2], but the item in this collection is a later reprint [3] by Georgius Vogelinus, physician reader (medical lecturer), in 1596 (*Anno MDXCVI*).

This item was included by Prof.J.G.Byrne in this sliderule collection because Vogelinus included a diagram of Kepler's first proposal for a planetarium. Kepler put forward two such proposals, the first in 1596 and the second in 1624-1625. His Astronomia Nova (1609), Harmonices Mundi (1619), and Epitome of Copernican Astronomy (1621) built on Copernicus' theory. Based on that theory, Kepler used Tycho Brahe's data to derive his famous three laws of planetary motion: (1) planets move in ellipses with the sun at one focus, (2) planets sweep out equal areas in equal

times, and (3) the squares of the planetary periods are to each other as the cubes of their mean distances from the sun. His planetaria proposals were based on his evolving understanding of planetary motion, which in 1596 was still rudimentary.

Trivia: In his "Principia Mathematica" (1687), Isaac Newton used his gravitational theory to derive Kepler's laws of planetary motion

Photographs courtesy Prof.J.G.Byrne and Dr.Arthur Hughes. Despite the photographs, this item appears to be lost; any information on its whereabouts will be very welcome.

The homepage for this catalog is at: https://www.scss.tcd.ie/SCSSTreasuresCatalog/ Click 'Accession Index' (1st column listed) for related folder, or 'About' for further guidance. Some of the items below may be more properly part of other categories of this catalog, but are listed here for convenience.

Accession Index	Object with Identification			
TCD-SCSS-U.20121208.024	Georgius Vogelinus, <i>Kepler's Planetarium</i> , reprint of Georg Rhaticus' famous book <i>'De Revolutionibus</i> ', with a diagram of Kepler's first			
	proposal for a Planetarium, 1596.			
TCD-SCSS-V.20121208.871	Georgius Vogelinus, 'De libris Revolutionum eruditissimi viri, et mathematici excellentissimi reuerendi D. Doctoris Nicolai Copernici', reprint of Georg Rhaticus' famous book 'De Revolutionibus' that unveiled the astronomical theory of Copernicus, with a diagram of Kepler's first proposal for a Planetarium, 1596.			

References:

- Linda Hall Library, De Libris Revolutionu[m]... Doctoris Nicolai Copernici., LHL Digital Collections, 2016, see: http://lhldigital.lindahall.org/cdm/ref/collection/astro-early/id/230 Last browsed to on 2-Nov-2016.
- Giancarlo Beltrame Library of Scientific Books, RHETICUS, Georg Joachim (1514-1574). De libris revolutionum eruditissimi viri...Doctoris Nicolai Copernici... Narratio prima. Gdansk: Franz Rhode, The Giancarlo Beltrame Library of Scientific Books, Part I, 2016, see: http://www.christies.com/lotfinder/Lot/rheticus-georg-joachim-1514-1574-de-libris-revolutionum-6011087-details.aspx
 Last browsed to on 3-Nov-2016.
- 3. Georgius Vogelinus, *De libris Revolutionum eruditissimi viri et mathematici excellentissimi reuerendi D. Doctoris Nicolai Copernici Torunnaei Canonici Vuarmaciensis (sic) Narratio Prima ad clarissimum Virum D. Joannem Schonerum per M. Georgium Joachimum Rheticum. Una cum Encomio Borussiae scripta. Georgius Vogelinus Medicus Lectori (wiersz)*, Centrum Badawczego Bibliografii Polskiej Estreicherów (UJ), 2016, see:

 http://www.estreicher.uj.edu.pl/staropolska/baza/wpis/?sort=nazwisko_imie&order=1&id=143964_8offset=51542&index=30
 Last browsed to on 3-Nov-2016.

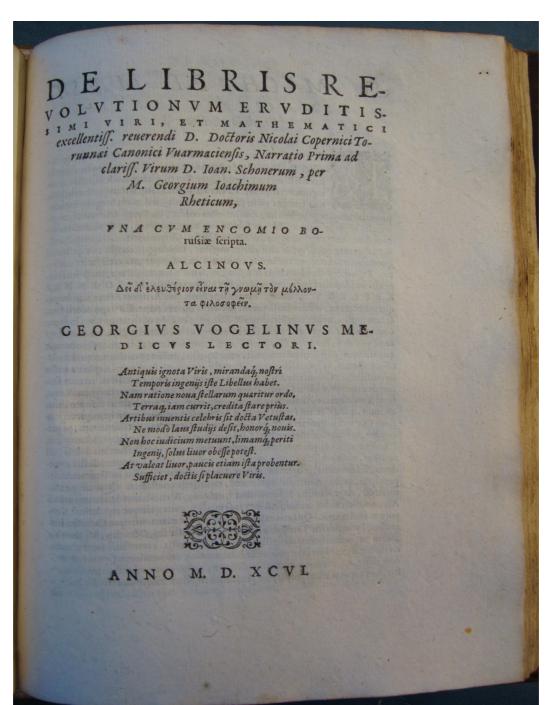


Figure 1: TCD-SCSS-U.20121208.024-fig01 DE LIBRUS RE-

VOLVTIONVM ERVDITIS-SIMI VIRI, ET MATHEMATICI

excellentiff. reuerendi D. Doctoris Nicolai Copernici Torunnei Canonici Vuarmacienfis, Narratio Prima ad
clariff. Virum D. Ioan, Schonerum, per
M. Georgium Ioachimum
Rheticum,
VNA CVM ENCOMIO BOrufsiae fcripta.
ANNO M. D. XCVI.

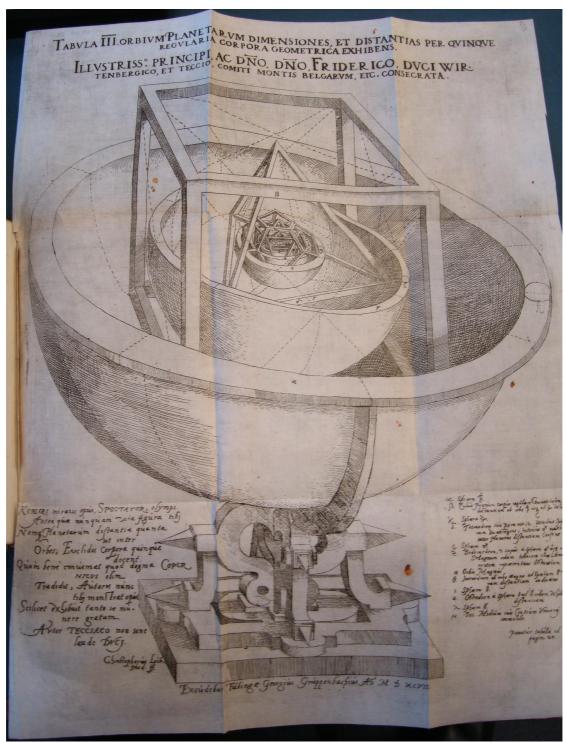


Figure 2: TCD-SCSS-U.20121208.024-fig02 Kepler's first proposal for a Planetarium (1596)

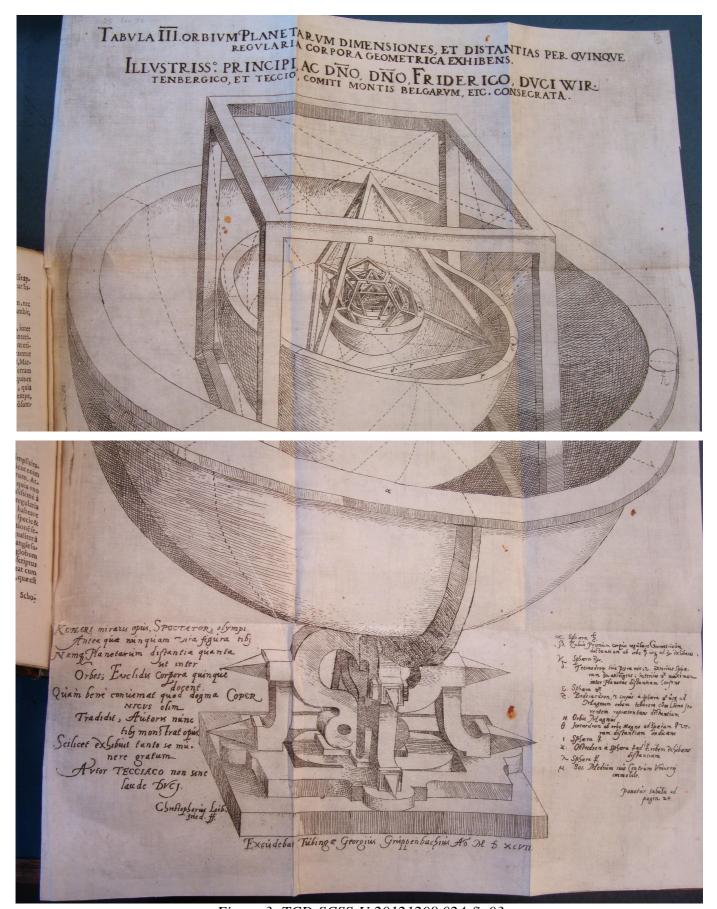


Figure 3: TCD-SCSS-U.20121208.024-fig03

dibiliter alta & pernix decima Sphæra avasgos, cuius & totius mundi tanta esset in Ptolemæo pernicitas, vt vno nictu oculi aliquot millia milliarium transirent. Ac quaso te, ad tabellam respicias, & cogites, quòd tellus hac nostra, de cuius motu disputatur, exigui circelli lunaris ad A, septuagesimam vix demum partem dia-metri æquet: Ab hoc circello dein ad Saturni amplitudinem, & ab hac ad fixarum inæstimabilem altitudinem oculos intende, & denique conclude, vtrum factu credituque faciliùs, punctulumillud intra a circellum, & sic tellurem in vnam plagam rotari, an vetò totum mundum decem distinctis motibus (quia decem ab inuicem soluti orbes) infanda rapiditate ire in plagam alteram, nec quoquam, nisi ad illud punctulum, telluris imagunculam, eamque solam immobilem, respicere, quia extrà nihil est.

Huc pertinet Tabella Prima & Secunda:

CAPVT II.

Primaria demonstrationis delineatio.



VIB VS ita præmissis, vtad propositum veniam; atqu modò recensitas Copernici hypotheses de mundo nouo, nouo argumento probem: remà primo, quod aiunt, ouo, qua breuitate fieri poterit repetam.

Corpus erat id, quod initio Deus creauit: cuius definitionem fi habeamus, existimo mediocriter clarum fore, cur initió corpus non alam rem Deus creanerit. Dico quantitaem Deo suisse pronon aliam rem Deuscreauerit. Dico quantitaem Deo fuisse propostam: ad quam obtinendam omnibus opus suit, quæ ad corposis essentientiam pertinent: yt it a quantitas corposis, quædam form a, Definitionis que origo sit. Quantitatem autem Deus ideo ante omnia existere voluit ; yt esset curui ad Rectum comparatio. Hac enim yna re diuinus mihi Cusanus , alijque yidentur: quod Recti, Curui que ad inuicem habitudinem tantifecemus. & Curuum Deo, Rectum creaturis ausi sint comparatio. dentur: quod Recti, Cur inque au inucem naoriudinem tantifecerunt, & Curuum Deo, Rectum creaturis aufi fint comparare: vt
haud multò vtiliorem operam præfitierint, qui Creatorem creaturis, Deum homini, iudicia diuina humanis: quam qui curuum reris, Deum quadrato æquiparare conati funt.
Cumque vel in hoc folo fatis confitifiet penes Deum quancuritudo & currui pobiliras: accessit tamen & alternus lon-

titatumaptitudo, & curui nobilitas: accessittamen & alterum loncitatum aputtudo, a curul noomtas: accelstitamen & alterum longe maius: Dei trinuni imago in Sphærica superficie, Patris scilicet in centro, Filij in superficie, Spiritus in æqualitate σχάσιας inter punctum & ambitum. Nam quæ Cusanus circulo, alij forte globo punctum ceamblean que que canada de reculosan forcegioso tribuerent: ea ego Soli Sphæricæ superficiei arrogo. Necpersuadetribuerent: cacgo sont spinarica iupernete arrogo. Nec perluade-riposium, Curuorum quicquam nobilius este, aut perfectius ipsa Sphærica superficie. Globus enim plus est Sphærica superficie, & mixtus rectitudini, qua sola impletur intus. Circulus verò nisi in plano recto existat, hoc est, nisi Sphærica superficies, aut globus supercesta secture: circulus pullus erit. Videvidere st. mulas plano recto exittat, noc ett, nin Sphärica inperficies, aut globus plano recto fecetur: circulus nullus erit. Vnde videre ett, multas illic à Cubo in globum, hic à quadratoin circulum fecundario defluere proprietates, propter diametri rectitudinem.

Sed cur denique Curui & Recti discrimina, curuique nobilitas Deo suerunt proposita in exornando mundo? Cur enim? nist

quia à Conditore perfeccissimo necesse omnino suit, ve pulcherri-mum opus constitueretur. Fas enim necesse nec vunquam suit (ve loqui-tur ex Timzo Platonis Cicero in libro de vniueritate) quiequam nist tur ex Timzo Platonis Cicero in companyam constitueres quiequam nist pulcherrimum facere eum, qui esset optimus. Cum igitur Idram mundi Conditor animo præconceperit (loquimur humano more, vt ho-mines intelligamus) Atque Idra sitrei prioris, sit verò, vt modò dictument, rei optima, vt forma suturi operis & ipsa siat optima; Patet quod his legibus quas Deus ipse sua bonitate sibi præscribit,

Figure 4: TCD-SCSS-U.20121208.024-fig04

nullius rei Idzam pro constituendo mundo suscipere potuerie,

nullius rei Idæam pro constituendo mundo suscipere potuerie, quam suscipsius essentiæ: quæ bifariam, quam præstans atque dinina sit, considerari potest, primò in se, quatenus est vna in essentia, trina in personis, deinde collatione sacta cum creaturis.

Hancimaginem, hanc Idæam mundo imprimere voluit, vtis sieret optimus atq; pulcherrimus, vtque is eam suscipere posset, Quantum condidit, quantitatesque Sapientisimus conditor excogitauit, quarum omnis, vtita dicam, essentia in hæc duo discrimina caderet, Rectum & Guruum, ex quibus Curuum nobis duobus illis modò dictis modis Deum repræsentaret, Neque enim existi. illis modò dictis modis Deum repræsentaret, Neque enim existimandum est, temerè extitisse tam apta præsigurando Deo discrimina, vt Deus non de his ipsis cogitauerit, sed quantum corpus propter alias causas, alioque consistio condiderit: atque postea Re. di & Curui comparatio, & hæc cum Deo similitudo, suapte sponte, quasi fortuitò extiterit.

Quin potius verisimile est, initiò omnium certo consilio Curnum & Rectumà Deo electa, ad adumbrandam in mundo diuinitatem Conditoris: atque vt hac existerent, quantitates suisse, atq vt quantitas haberetur, conditum esse primò omnium Cor-

Videamus modò, ecquomodo Creator optimus has quantitates in mundi fabrica adhibuerit: & quid verifimile sit nostris ratiocinationibus à Conditore factum effe: vt illud postea, cum in Antiquis, tum in nouis hypothesibus quæramus, eique palmam

tribuamus, penes quem illud reperietur.

Mundum igitur totum figura claudi sphærica, abunde satis disputauit Aristoteles, ductis inter catera ex nobilitate spharica superficiei argumentis: quibus etiamnum vltima Copernici fixarum sphæra quamuis motu carens, eandem figuram tuetur, recipitque Solem tanquam centrum in intimum finum. Orbes verò cæteros rotundos esfe circularis stellarum motus arguit. Curuum igitur ad mundi ornatum adhibitum esse, viteriore probatione non eget. Cum autem tria quantitatum genera videamus in mundo, figuram, numerum & amplitudinem corporum: Curuum quidem adhuc in sola figura reperimus. Neque enim amplitudinis vllaratio ex eo est, quod inscriptum simili (sphæra sphæræ, circulus

dreulo) exeodem Centro, aut vndiquaque tangit, aut nullibi: & eirculo) exeodem Centro, aut vndiquaque tangit, aut nullibi: & eirculo) exeodem Centro, aut vndiquaque tangit, aut nullibi: & eirculo pharicum ipium, cum folum & vnicum fit in fuo quantitatis general pharitatis en eirculo protestalius numeri, quàm ternarij subiectum esse. Quòd re: non potestalius numeri, quàm ternarij subiectum esse. Quòd re: non potestalius numum Deus in conditu respexisse, præter Solem figitur solum qui patris: sphæram fixarum vel aquas Mosaicas in aminentro, qui patris: sphæram fixarum vel aquas Mosaicas in aminentro, qui patris: sphæram fixarum vel aquas Mosaicas in aminentro, su mobilium go esse spræter hæc, nem & sirmamentum illud, quod Spiritus imago esse spræter hæc, nem nihil existeret in hocædificio mundano. Nunc verò cùm siquam, nihil existeret in hocædificio mundano. Nunc verò cùm siquam, nihil existeret in hocædificio mundano. Nunc verò cùm siquam, nihil existeret in hocædificio mundano. inquam, ninnexinterer in noc aumeio mundano. Nunc verò cùm & fixx fint innumerabiles, & mobilium non incertifsimus catalo-gus, & coelorum magnitudines inx quales inuicem: necesse est cau-fascorum omnium ex rectitudine petamus. Nisi fortè Deum puta-fascorum omnium ex rectitudine petamus. himus quicquam in mundo temerè fecisse, dum rationes optime fuppeterent:id quod nemo mihi persuadebit, vtvel defixis sentiam: quarum tamen situs maximè omnium confusus, quasi fortuitus se

mentis iactus nobis videtur. Veniamus igitur ad Rectas quantitates. Sicut autem antez Spharica superficies ideo assumpta est, quia perfectissima fuit quantitas: ita jam vno saltu ad corpora transeamus, vt quæ ex Re-dispersectæ sunt quantitates, & tribus dimensionibus constant: nam Idaam mundi perfectam esse conuenit. Lineas verò & superficies rectas, vt infinitas, & proin ordinis minimè capaces, è mundo finito, ordinatissimo, pulcherrimo eijciamus. Rursum ex corporibus, quorum infinities infinita funt genera, seligamus aliqua censuhabito per certas notas; puta, quæ aut latera aut angulos, aut plana, singula vel alterna, vel quouis constanti modo mixta habeant inuicem æqualia: yt ita bona cum ratione ad finitum aliquid veniatur. Quod fiquod genus corporum per certas coditiones descriptum, intra species quidem numero finitas consistit; sed tamen iningentem numerorum copiam multiplicatur: eorum corporum angulos & centra planorum pro fixarum multitudine, magnitudine, situé; demonstrando, si possumus, adhibeamus: sin autem is labor non est hominis, ergo tantisper differamus numeri ac situs earumrationem quærere: dum quis nobis ad vnum omnes, quot quanta ue sint, descripserit. Missis igitur fixis, atque ei permissis, quisolus numerat multitudinem stellarum, & singulas nomine voeat, (Psal-147.) sapientissimo Artifici:nos oculos ad propinquas. paucas & mobiles convertamus.

Figure 5: TCD-SCSS-U.20121208.024-fig05

MYSTERII COSMOGRAPHICI

Denique igitur delectum corporum si habuerimus, atque omnem mixtorum turbam eiecerimus, retineamus verò fola illa, omnem mixtorum turbam elecerimus, retineamus verò fola illa, quorum omnia plana & æquilatera, & æquiangula fuerint: reftabunt nobis hæc quinque Corpora Regularia, quibus Græci hæc afcriplêre nomina, Cubus feu Hexaedrum, Pyramis' feu Tetracdrum, Dodecaedrum, lcosaedrum, Octaedrum. Quodque his quinque plura esse non possint, vide Euclid, lib. 13. post prop. * 18. scholion.

Quare sicut horum definitus & exiguus admodum est numerus, cæterorum aut innumerabiles, aut infinitæ species: ita decuit in mundo duo esse stellarum genera, euidenti discrimine ab se inuicem d stincta (cuiusmodi motus & quies est) quorum vuum genus infinito fimile, vt fixæ, alterum angustum vt Planetæ. Non est huius loci disputare de causis, cur hæc moueantur, illa non. Sed posito, quòd Planetæ motu indiguerint, sequitur, vt hunc obtine

rent, rotundos orbes accipere debuisse.

Habemus orbem propter motum, & corpora propter numerum & magnitudines; quid restat amplius, quin dicamus cum Platone, θεδν deì γεωμετες va atque in hac mobilium fabrica corpora orbibus, & orbes corporibus inscripsisse tantisper, dum nullum ampliùs corpus restaret, quod non intrà & extrà mobilibus orbibusvestitumesset. Namex 13, 14, 15, 16, 17, libri 13. Euclidis videre est: quam hæc corpora natura sua sintapta ad hancinscriptionem & circumscriptionem. Quare si quinque corpora mediantibus & claudentibus orbibus, inserantur sibi mutuo: habebimus

numerum sex orbium.

Quòd fi aliqua mundi atas hoc pacto de mundi dispositione disputauit, ve sex orbes poneret mobiles circa Solem immobilem: illa vtique veram Astronomiam tradidit. Atqui eiusmodi sex orbes habet Copernicus, eos g, binos in eiu smodi ad inuicem, proportione: vt hac quing, corpora omnia aptissime interlocari possint: qua summa erit corum qua sequuntur. Quare tantisper audien dus est, dum quis aut aptiores ad hac Philosophemata protuleric hypotheses: aut docuerit, sortuito in numeros at que in mentem hominis irrepere posse, quod optima ratione exiptis natura principijs deductum est Nam quid admirabilius, quidad perfuadendum accommodatius dici aut fingi potell: quam, quod ea, qua Copernicus ex qui qui vois, exeffectibus, expolterioribus, quasi cacus baculo gressum firmans (vtipse Rhe-expolterioribus est) felici magis quam considerat cacus heare solitus est) felici magis quam considerat cacus de la expolterioribus, quan cacus o acuno grenum nrmans (vtipfe Rhetico dicere folitus eft) felici magis quam confidenti coniectura tico dicere folitus eft) felici magis quam confidenti coniectura confittuti, atque ita fefe habere credidit, ca inquam omnia raconfituti, atque ita fefe habere credidit, ca inquam omnia raconfituti, atque ita fefe habere credidit. constituit, atque de causs, à Creationis idæa deductis rectissime tionibus à priori, à causis, à Creationis idæa deductis rectissime constituta esse deprehendantur.

constituta este deprenendantur.

Nam si quis philosophicas istas rationes, sinerationibus, & solorisuexcipere atque eludere voluerit: propterea quòd nouus homo sub sinem seculorum, tacentibus islis Philosophiæ luminihomonomis, philosophicaista proferam: illi ego ducem, autorem busantiquis, pintorp antiquissimo seculo proferam Pythagaram: &premonitatore de cantequinda o ceulo profesan e y magorame cuius multa in scholis mentio, quòd cum præstantiam videret quinque Corporum, simili plane ratione ante bis mille annos, qua quaque cura non indignum censueritad illa respicere: atquerebus mathematicis physice, & ex sua qualibet proprietate accidentaria censitis, res non mathematicas accommodauerit. zendentaria centris, res non machienateas accommodauerit. Tetramenim Cubo æquiparauit, quia stabilis vterque, quod tamen de cubo non proprie dicitur. Cœlo lcosaedrum dedit, quia vtrumq; volubile: Igni Pyramida, quia hæc volantis igniculi forma: reliqua duo corpora inter aerem & aquam distribuit, propter similemytrinque cum vicinis cognationem. Sed enim Copernicus illiviro defuit, qui priùs, quid esfet in mundo, diceret: absque co nonfuisset, dubium non est, quin quare esset, inuenisset, atque hac colorum proportio tam nota nunc esset, quàm ipsa quinque corpora; tam item recepta, quàm hoc temporum decursu inualuit illade Solis motu, deq; quiete Telluris opinio.

Verum agevel tandem experiamur, vtrum interorbes Copernicisintista corporum proportiones. Ac initiò rem crassinsculè censeamus. Maxima distantiarum differentia in Copernico est interlouem & Martem: Vt vides in explicatione hypothesium Tab: 1, &infràcap. 14. & 15. Martis enim distantia à Sole non æquat tertiam partem Iouix. Quaratur igitur corpus, quod maximam facit differentiam inter orbem circumscriptum & inscriptum (consequence) cedatur nobis hac κατάχεησις cauum pro solido censendi) quod est Tetraedrum siue Pyramis. Est igitur inter Iouem & Martem Pyra mis. Posthos maximam faciunt differentiam distantia Iupiter &

Figure 6: TCD-SCSS-U.20121208.024-fig06

MYSTERII COSMOGRAPHICI

Saturnus. Huius enim ille paulò plus dimidium aquat. Similis apparet in cubi intimo & extimo orbe differentia. Cubum igitur Sat

paretin cubi Intimo & extinito orocumerenta. Cubumigitur saturius ambit, cubus Iouem.

Æqualis ferè proportio estinter Venerem & Mercurium, nec absimilis inter orbes Octaedri. Venus igitur hoc corpus ambit, Mercurius induit.

Mercurius induit.

Reliquæ duæ proportiones inter Venerem & Terram, inter
hanc & Martem minimæ funt, & ferè æquales, nempe interiorexterioris dodrans aut bes.In leofaedro & Dodecaedro funtetior exterioris dodrans aut bestimico acuro & Douccaedro luntetiam æquales distantia binorum orbium: Et proportione viuntur minimainter reliqua regularia corpora. Quare verismile est, Martem ambire terram mediante alterutro horum corporum: Terram autem à Venere summotam, mediante reliquo. Quares quisea me quarat, cur sint tant ù m sex orbes mobiles, respondebo, quia non oporteat plures quinque proportiones esse, totidem nempe, quot regularia sunt in mathesi corpora. Sexautem termini cosummant hunc proportionm numeruum.

Hucpertinet Tabula Tertia.

Annotatio in Caput secundum.

Ouodque his quinque) Corporum nobilitas est ex simplicita-fol-praced. te, & exaqualitate distantia planorum à centro sigura. Sicutenim norma & regula creaturarum Deus est: sic Sphara corporum, Atqui ea habet dictas proprietates. 1. Est simplicissima, qui vno clauditur termino, scipla scil. 2. Omnia eius puncta aqualissime à centro distant. Ex corporibus igitur proxime accedunt regularia ad Sphæræperfectionem. Eorum definitio hæ est, vt habeant 1. omnialatera, 2. plana,& 3. angulos, singula æquales & specie & magnitudine, quod est simplicitatis: quam positam definitions se magnituaine, quod et implicitatis: quam politam definitionéle-quiturilludvitrò, quòd 4. omnium planorum centra equaliterà medio distent, 1. quòd inscripta globo omnibus angulis tangátsu-perficiem, 6. quòd in ea hæreant, 7. quòd inscriptum globum omnibus planorum centris tangant, 8. quòd proinde inscriptus globus hæreat immotus, 9. & quòd idem centrum habeat cum figura. Quibus rebus efficituraltera similitudo cú Sphæra, quæssi exagnalitate distantia planorum. exæqualitate distantiæ planorum.

CAPVT II.

Scholion autem illud ita sonat: Ajo verò præter dictas quinq; *
figuras non posse aliam constitui figuram solidam, quæ planis & supribid
aquilaceris & æquiangulis contineatur, inter se æqualibus. Non
enim ex duobus triangulis, sed neque exalijs duabus siguris solidus
- Biructur angulus. constituetur angulus.

Sed extribus triangulis, constat Pyramidis angulus.

Sed extribus triangulis, constat Pyramidis angulus.

Ex quatuor autem, Octaedri.

Ex quinque verò, scosaedri.

Nam extriangulis sex & æquilateris, & æquiangulis ad idem punctum coeuntibus, non fiet angulus solidus. Cumenim trianguliæquilateri angulus, recti vnius beslem contineat, erunt eiufmodi sex anguli rectis quatuor æquales. Quod fieri non potest.

Nam folidus omnis angulus, minoribus quam rectis quatuor angule continetur, per 21.11. Namfolidus olimbailiguidis, interesse quain recess quaduot angulis continetur, per 21,11.

Obeaídem sanè causas, neque ex pluribus quam planis sex eiusmodi angulis solidus constat.

Sedextribus quadratis Cubi angulus continetur.

Sedex tribus quadratis Cubi angulus continetur.
Ex quatuor nullus potest. Rursus enim recti quatuor erunt.
Ex tribus autem pentagonis æquilateris, & æquiangulis Dodeca edia angulus continetur. Sed ex quatuor nullus potest. Cum enim Pentagoni æquilateri angulus rectus sit, & quinta recti pars, erunt quatuor anguli rectis quatuor maiores. Quod sieri nequit. Nec sanè ex alijs polygonis siguris solidus angulus continebitur, quòd hinc quoque absurdum sequatur. Quamobrem perspicuum est, præter dictas quinque siguras aliam siguram solidam nonposse constitui, quæ sub planis æquilateris & æquiangulis contineatur.

1	Planum	Plana	Latera	Angul.	Orbeinscriptu.
Cubus I			1 12	8 mediocrem. 6 cubo equaler	Imediocrem.
Octaedro 2	quadrangulum tríangulum	8	12		
		12	1 30	20	maximum.
Icofaedro =	quinquangulū triangulum	20	30	12	dodec. equale.
	triangulum	4	6	1 4	minimum.

CAPVT

Figure 7: TCD-SCSS-U.20121208.024-fig07