

AccessionIndex: TCD-SCSS-V.20121208.632

Accession Date: 8-Dec-2012

Accession By: Prof.J.G.Byrne

Object name: Tables de sinus, tangents, secantes et logarithmes ... corrigées par A.

Vlacq

Vintage: c.1651

Synopsis: Vlacq, A. (ed), Leyde.

Description:

Short descriptive text ...

For the front and rear covers, title pages, table of contents, selected content, etc, see Figure 1 onwards below.

The homepage for this catalog is at: <https://www.scss.tcd.ie/SCSSTreasuresCatalog/>

Click 'Accession Index' (1st column listed) for related folder, or 'About' for further guidance. Some of the items below may be more properly part of other categories of this catalog, but are listed here for convenience.

Accession Index	Object with Identification
TCD-SCSS-V.20121208.632.01	Tables de sinus, tangents, secantes et logarithmes ... corrigées par A. Vlacq, 1651, Vlacq, A. (ed), Leyde.

References:

1. References if required ...



Figure 1: Tables de Sinus, Front Cover

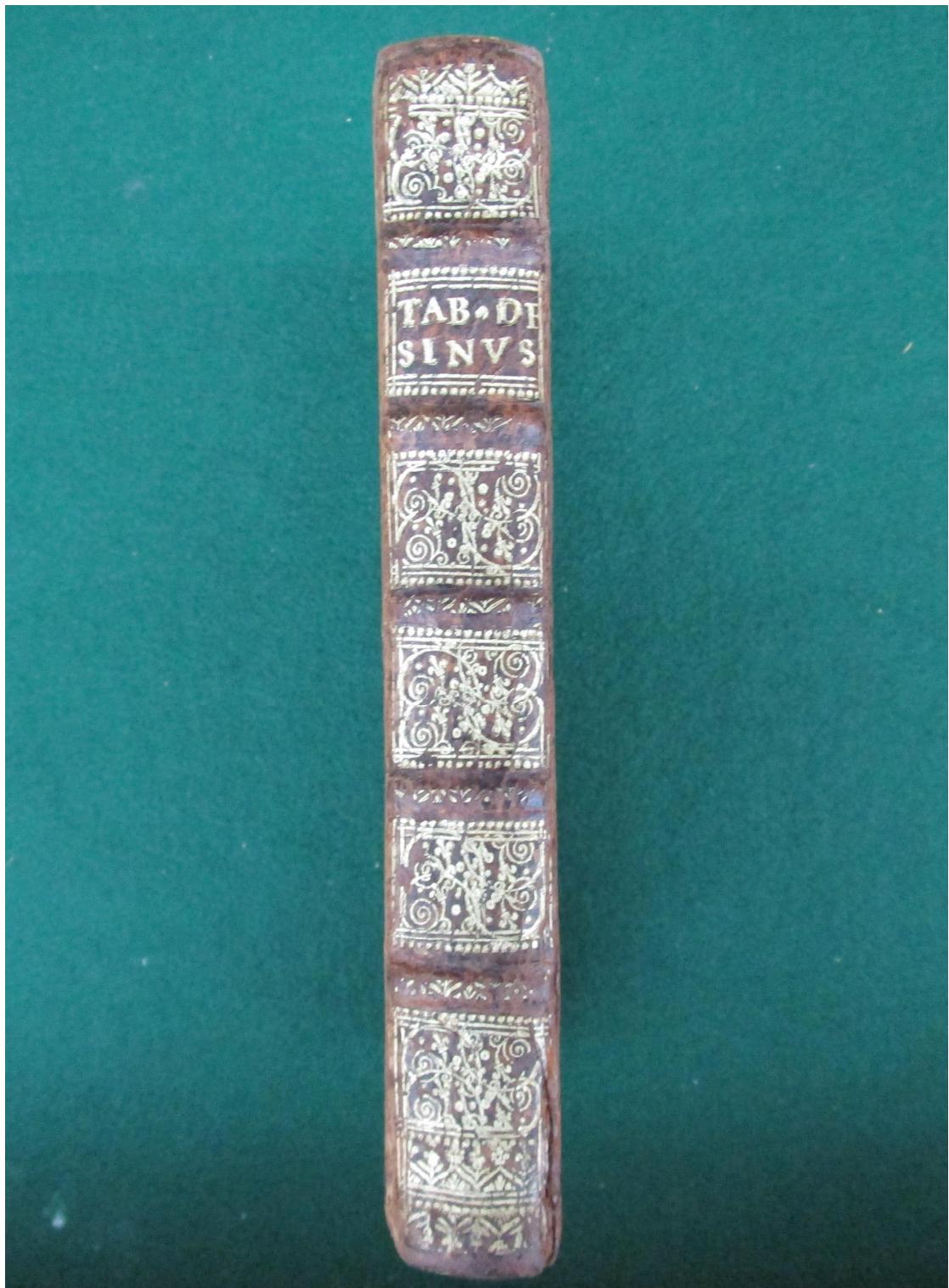


Figure 2: *Tables de Sinus*, Binding



Figure 3: Tables de Sinus, Rear Cover

WIC 33

see Satheron cat 871. 1943
for 1st Glom ed. (?)

1st French ed from
Latin ed at 1636?

v. date

pp. [2] 30, A, -S₆ (+2 blanks)

not known to Gloricher

{ 150.-00

Figure 4: *Tables de Sinus*, annotations inside front cover

50

TABLES
de
SINUS,
TANGENTES,
SECANTES:

ET
LOGARITHMES

De SINUS, TANGENTES, &

NOMBRES depuis l'vnité

Inſques à 10000.

AVEC

Vne Methode de tres facilement resoudre par le
moyen d'icelles tous Triangles rectilignes & Sphe-
riques, & plusieurs Questions Astronomiques.

Corrigées par A. VLACQ.



A L E Y D E
Chez PHILIPPE DE CROY. 1651.

Figure 5: Tables de Sinus, Title Pages page 1

PREMIER CHAPITRE.
DE
L'USAGE DE CES
TABLES.

Ce traicté contient une double distinction de Tables: En la premiere, celle des *Sinus*, *Tangentes*, & *Secantes* de chacun degré & minute du quadrant, dont le demydiamètre est de 1000000 parties: ensemble les Logarithmes d'iceux *Sinus* & *Tangentes*, obmettant expresslement ceux des *Secantes*, d'autant que sans iceux les calculs Trigonomiques se font de pareille facilité. En l'autre, celle des nombres, de l'ynitè à 10000, avec leur Logarithmes iouxte iceux.

On peut par le moyen de ces Tables resoudre quelconque Triangle en double maniere: assavoir, ou par les nombres vulgaires des *Sinus*, *Tangentes*, & *Secantes*, ou par leur Logarithmes.

En la regle de trois, la difference du calcul Trigonomique par nombres vulgaires & par Logarithmes, est telle.

Voulant calculer par nombres vulgaires, il convient multiplier le second nombre en ordre avec le troisième, & diviser le produit par le premier; le quotient est le quatrième.

Mais si on veut calculer par leur Logarithmes, il convient adjoindre le Logarithme du second au Logarithme du troisième nombre, & de la somme soustraire le Logarithme du premier: le nombre restant est le Loharithme du quatiesme, lequel cherché dans la premiere ou dernière Table (selon qu'en est la nature) donnera le requis.

Ceste maniere est beaucoup plus facile que l'autre, principalement

A 2

Figure 6: Tables de Sinus, Page 1

I. C H A P. De L'usage de ces Tables.

ment aux resolutions de tous les Triangles sphériques, car aux resolutions de plusieurs Triangles rectilignes, comme de la $3 \cdot 4 \cdot 6$, prop. &c. il est plus aisé d'enfer de l'autre maniere, ce que je laisse à la discretion des calculateurs.

Or d'autant que la dernière Table contient seulement les Logarithmes de nombres de l'unité usqu'à 10000, je montreray comment on pourra trouver le Logarithme de nombre quelconque entre 10000 & 1000000. & au contraire.

1. Cherchez dans la dernière Table le Logarithme des quatre premières figures du nombre donné.

2. Ostez le Logarithme trouvé du Logarithme immédiatement suivant en la Table, pour avoir la difference d'iceux.

3. Multipliez la difference trouvée avec les figures restantes du nombre donné, & du produit coupez vers la main droite des figures que sont restées.

4. Adioustez le reliqua du produit au Logarithme premièrement trouvé : la somme sera le Logarithme requis, si on change la première figure, laquelle doit être toujours 1 moins que les figures, dont le nombre entier donné consiste.

E X E M P L E. Soit à trouver le Logarithme de 3567894. Premièrement je trouve le Logarithme de 3567, qui est 3.5523031 : lequel étant osté de 3.5524248, la différence se trouve 1217, laquelle estant multipliée avec 894 (les trois figures restantes) le produit est 1087998, dont trois figures estant coupées, reste 1087, & icelles estant adioustées au Logarithme 3.5523031, la somme en est 3.5524118. Finalement la première figure 3 estant changée en 6. le Logarithme du nombre donné 3567894 est 6.5524118.

Et ainsi le Logarithme de 125607 est 5.0990137 : & de 2358009 le Logarithme est 6.3725454.

N O T E Z .

Estant le nombre donné 3⁵⁶⁷⁸⁹⁴: ou 35⁶⁷⁸⁹⁴: ou 356⁷⁸⁹⁴ &c. les Logarithmes d'iceux sont les mesmes du nombre entier 3567894, horsmis la première figure, assavoir 0.5524118: 1.5524118: 2.5524118, &c. & pour les trouver il n'y a aucune difference.

Et

I. C H A P. De L'usage de ces Tables.

Etsi un nombre entier avec une fraction décimale y adjointe, n'ayant en tout d'avantage de 4 figures, est donné ; on trouvera son Logarithme exactement dans la même Table. Comme de 3⁵⁶⁷: ou 356⁷: ou 3567: Les Logarithmes se trouvent chez le nombre entier 3567, en changeant seulement la première figure, comme a été dit dessus.

Mais si une autre espèce de fraction est adjointe à un nombre entier, reduisez ce nombre là à une fraction impropre, & ostez le Logarithme du dénominateur du Logarithme du numérateur, le reliqua est le Logarithme requis.

Comme 3⁷ étant réduit, vient 1²: doncques 0.6020600 (le Logarithme de 4) étant osté de 1.1760913 (le Logarithme de 15) le reliqua 0.5740313 est le Logarithme de 3⁷ ou 3⁷⁵.

Vous voyez donc icy, que les fractions décimales, tant en l'usage des Logarithmes, qu'en l'usage des nombres vulgaires, donnent grande facilité : & partant nous les recommandons par dessus tous autres.

Pour trouver le Logarithme d'un nombre rompu, il faut oster le Logarithme du numérateur du Logarithme du dénominateur, le reliqua est le Logarithme requis, en proposant la marque, — laquelle signifie moins : Comme de $\frac{2}{3}$ le Logarithme est — 0.3979400.

Mais il faut scâvoir, qu'on doit operer autrement par Logarithmes de nombres rompus, que par Logarithmes de nombres entiers, ou d'entiers avec fractions y adjointes : ce qu'obmettons decrire en ce lieu, pour ce que rarement es résolutions des Triangles viennent en usage. Ceux qui le désirent scâvoir, le pourront apprendre en l'Arithmétique Logarithmique d'Henry Briggs; où la foundation, & l'excellent usage des Logarithmes es questions Arithmétiques & Géométriques, sont amplement déclarés.

Trouver le nombre d'un Logarithme donné.

Cerchez en la dernière Table entre les Logarithmes de 1000 & 10000 (n'ayant respect à la première figure) le Logarithme donné, & marquez ces deux choses.

Premièrement y trouvez exactement le Logarithme donné.

A 3

vous

Figure 7: Tables de Sinus, Pages 2 and 3

I. C A P. De L'usage de ces Tables.

vous y avez viz à viz le nombre requis : Et si la première figure du Logarithme donné est moindre que 3, coupez du nombre trouvé vers la dextre autant de figures qu'elle est moindre, le reliqua sera le nombre entier requis, & les coupées seront fractions décimales d'iceluy : Mais si la première figure est plus grande que 3, augmentez le nombre trouvé d'outant de zero qu'elle est plus grande: Ainsi le Logarithme 3. 5523031. étant proposé, son nombre sera 3567 : Si 2. 5523031. son nombre sera 356 $\frac{67}{100}$: Si 1. 5523031. Si 4. 5523031, son nombre sera 3567 $\frac{67}{100}$: Si 5. 5523031, son nombre sera 356700 : & ainsi des autres.

Secondement, s'y on ne trouve pas exactement le Logarithme donné, & qu'on demande plus de quatre figures, faites comme s'ensuit.

1. Cerchez comme devant(n'ayant respect à la première figure) le Logarithme prochainement moindre que le donné, & prenez le nombre répondant au Logarithme trouvé pour les quatre premières figures du nombre requis.

2. Obez le Logarithme trouvé du Logarithme donné, & augmentez le reliqua d'un, deux, ou trois zero, selon le nombre des figures que vous demanderez outre les quatre trouvées.

3. Divisez ce reliqua ainsi augmenté par la différence entre le Logarithme trouvé & celui qui suit immédiatement, & mettez le quotient vers la dextre des quatre trouvées. Ce fait, regardez la première figure du Logarithme donné, laquelle montrera le nombre entier & la fraction du nombre trouvé, comme a été dit auparavant.

E X E M P L E. Soit requis le nombre répondant au Logarithme 4. 5524118.

Le Logarithme qui se trouve en la Table entre ceux de 1000, & 10000. (sans esgard à la première figure) s'en approchant le plus pres, & moindre que le donné, est 3. 5523031, duquel le nombre est 3567, qui sont les quatre premières figures du nombre requis. Or ce Logarithme trouvé étant ôté du donné, y reste 1087, lequel soit augmenté de trois zero, & revient 1087000. Divisez cecy par 1217. (la différence entre le Logarithme trouvé & le suivant) le quotient est 894 : mettez ces figures après 3567, & vous aurez

I. C A P. De L'usage de ces Tables.

aurez le nombre 3567894 : Or puis que la première figure du Logarithme donné est 4, le nombre requis est 35678 $\frac{94}{100}$. Et ainsi des autres.

Trouver la Racine Quarrée ou Cubique d'un nombre donné.

Combien que mon intention ne soit que brievement descrise en ce lieu la maniere de supputer les Triangles; toutesfois puis que l'usage des Logarithmes est admirable es extractions des racines quarrees, cubiques, &c. J'ay trouvé bon d'y brievement adjouster, comment on les peut tres-facilement extraire.

Pour avoir la racine quarree d'un nombre donné, prenez la moitié du Logarithme du nombre donné : icelle sera le Logarithme de la racine quarree qu'on demande.

Comme si on demande la racine quarree de 1257 : Son Logarithme est 3. 0993353, & la moitié 1. 5496676, laquelle est le Logarithme de 33 $\frac{47}{100}$, la racine quarree requise.

Pour trouver la racine cubique d'un nombre proposé, prenez le tiers du Logarithme du nombre donné : iceluy sera le Logarithme de la racine cubique qu'on demande.

Par exemple ou demande la racine cubique de 12570. Son Logarithme est 4. 0993353, & le tiers 1. 3664451, qui est le Logarithme de 23 $\frac{25}{100}$: la racine cubique requise.

II. C H A P.

Du calcul des Triangles rectilignes rectangles.

O B S E R V A T I O N S.

1. Des Triangles rectangles, tant rectilignes que sphériques, & le costé compréhens l'angle droit, sont appellez jambes;

2. Detout Triangle tant rectiligne que sphérique, le plus grand angle est soutenu du plus grand costé.

3. De quelconque Triangle rectiligne les trois angles sont égaux à deux droits.

4. Aux propositions suivantes généralement nous avons observé

Figure 8: Tables de Sinus, Pages 4 and 5

6 II. CHAP. Des Triangles rectilignes rectangles.
vn tel ordre, que les premières sont pour trouver les Angles, & les dernières pour costez : Et de ceux cy aux Triangles rectangles, & les mierement les jambes, & puis apres l'hypotenuise.

S. Il est expedient que les termes cognueus, tant angles que co-
stez, soient marquez d'une petite ligne, & les termes requis, d'un petit cercle, ou o, comme on peut voir icy.

I. PROP. Estant cognueus les jambes; trouver les

Comme une jambe ; angles aigus.

Al l'autre jambe ;

Ainsi le Sinus total,

Al la Tangente de l'angle opposé à l'autre jambe.

EXEMPLE. Au Triangle Re-
ctangle ABC, estans cognueus
les jambes AB 1124, & BC
606 ; trouver l'angle A ou C.

Par nombres vulgaires.

Comme la jambe AB 1124
A la jambe BC 606

Ainsi le sinus total 10000000

Al la Tangente 5391459 de A 28 d: 20'
Et partant C complement de A 61 d: 40'

Par Logarithmes.

Le Logarithme de AB 1124 est 3. 0507663

Le Logarithme de BC 606 est 2. 7824726

Le Logarithme du Sinus total 10. 0000000

Reste la tangente Logarithmique 9.7317063 de A 28 d: 20'

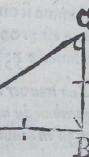
II. PROP. Estant cognuee l'hypotenuise, & une jambe;
trouver les angles aigus.

Comme l'hypotenuise ,

Au Sinus total s

Ainsi la jambe cognuee ,

Au sinus de l'angle opposé à icelle jambe .



III. PROP.

II. CHAP. Des Triangles rectilignes rectangles. 7
III. PROP. Estant cognueus les angles, & une jambe ;
trouver l'autre jambe.

Comme le Sinus total ,
Al la jambe cognuee ;
Ainsi la Tangente de l'angle aigu adjacent à la jambe cognuee ,
Al la jambe requise.

IV. PROP. Estant cognueus les angles, & l'hypotenuise ;
trouver laquelle on voudra des jambes.

Comme le Sinus total ,
Al l'hypotenuise ;
Ainsi le Sinus de l'angle opposé à la jambe requise ,
Al la jambe requise.

V. PROP. Estant cognuee l'hypotenuise, & une jambe ;
trouver l'autre jambe.

Cerchez premierement les angles aigus par la 2. Prop. Et puis apres la
jambe requise par la 3. ou. 4. Prop.

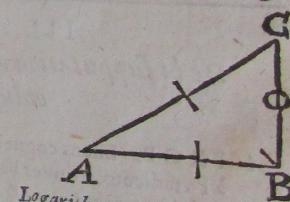
Autrement & tres facilement par Logarithmes.

Adjouster le Logarithme de la somme de l'hypotenuise & de la jambe, au
Logarithme de leur difference : la moitié de la somme d'iceux est le Loga-
rithme de la jambe requise.

EXEMPLE. Au Triangle
ABC, estant cognuee l'hypote-
nuse AC 1277, & la jambe AB
1124; on demande la jambe BC.

l'hypotenuise AC 1277	
la jambe AB 1124	
la somme	2401
la difference	153

la somme
la moitié de la somme



Logarithmes
3. 3803922
2. 1846914
5. 5650836

A 5, 2.7825418 est de BC 606.

VI. PROP.

Figure 9: Tables de Sinus, Pages 6 and 7

II. CHAP. Des Triangles rectilignes rectangles.

VI. PROP. Estans cogneüs les angles, & vne jambe,
trouver l'hypotenusse.

Comme le Sinus total,

A la jambe cogneüe;

Ainsi la Secante de l'angle aigu adjacoint à la jambe cogneüe;

A l'hypotenusse.

Si quelqu'un veut cognoistre le Logarithme de la Secante d'un arc, on le trouvera en soustrayant le Logarithme du Sinus de son complément, du Logarithme double du Sinus total : le reste sera le Logarithme requis.

Ainsi soustrayant 9. 9445821 le Logarithme du Sinus de 61 d. 46. de 20. 000000, reste 10.0554179 le Logarithme de la Secante de 28 d. 26.

Autrement sans Secantes.

Comme le Sinus de l'angle opposé à la jambe cogneüe,

A la jambe cogneüe;

Ainsi le Sinus total,

A l'hypotenusse.

VII. PROP. Estant cogneües les jambes ;
trouver l'hypotenusse.

Cerchez premierement les angles par la 1. Prop. & puis apres l'hypotenuse par la precedente 6. Prop.

III. CHAP. De la suppuration des Triangles rectilignes obliquangles.

I. PROP. Estans cogneüis deux costez, & vn angle opposé à lvn diceux trouver l'angle opposé à l'autre :
moyennant qu'on se cache s'il est aigu ou obtus.

Comme le costé opposé à l'angle cogneüi,

Au Sinus du même angle;

Ainsi l'autre costé,

Au Sinus de l'angle opposé à iceluy costé,

II. PROP.

III. CHAP. Des Triangles rectilignes obliquangles. 9

II. PROP. Estans cogneüis deux costez, & vn angle compris d'iceux ; trouver les autres angles.

Comme la somme des costez cogneüis,

A la difference des mesmes costez ;

Ainsi la Tangente de la moitié de la somme des angles incognieüs,

A la Tangente de la moitié de leur différence.

Partant si à la moitié des angles incognieüs (qui sont le complément de l'angle cogneü à 180 degrés) la difference trouvée est adjoustée, la somme sera le plus grand angle ; & si elle en est ostée, le reliqua sera le plus moindre angle.

III. PROP. Estans cogneüis les trois costez ; trouver quelquevn des angles.

Soit le plus grand costé la Base , & tirez sur icelle vne perpendiculaire , reduisant le Triangle donné en deux Triangles rectangles : Alors sera.

Comme la Base ,

A la somme des autres costez ;

Ainsi la difference des mesmes costez ,

A la difference des deux segments de la base.

La difference trouvée étant ostée de la base , la perpendiculaire divise le demeurant en deux parties égales : Ainsi donc aux deux Triangles rectangles est cogneüe l'hypotenusse avec vne jambe, par lesquelles on trouve les angles par la 2. prop. du 2. chapitre.

EXEMPLE. Au Triangle obliquangle ABC , sont cogneüis AC 1277, AB 865 , & BC 632 : on demande quelqu'un

	Logarithmes
à AB + BC	1497 3.1752218
Ainsi AB - BC	233 2.3673559
à AD	5.5425777 273 2.4363868

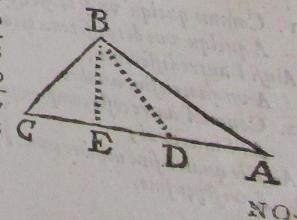
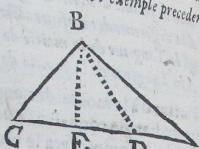


Figure 10: Tables de Sinus, Pages 8 and 9

10 III. CHAP. Des Triangles rectilignes obliquangles.

NOTEZ. On peut aussi trouver le Log. du quartiesme nombre requis, si le complément arithmétique du première Logar.: (qui est le reste d'celuy soustrait de 10.000000) soit adjouste aux autres deux, & del' angle de la première figure vers senestre astée. Comme en l'exemple précédent,

AC	1277	Logarithmes
AB + BC	1497	6.8938091 co.ar:
AB - BC	233	3.1752218
AD	273	2.3673559
	12.	4363868



Si un Logarithme proposé ne peut estre soustrait de 10.000000, de 20.000000, & faire comme devant: Ainsi le complément arithmétique du Log. de la Tangente de 66 degrés est 9.6485831, qui est aussi le Log. de la Tangente du complément d'iceluy.

Or AD 273 étant osté de AC 1277, demeure DC 100^o, dont la moitié 502 est de CE ou DE. Maintenant au Triangle rectangle ABE est cognueüe l'hypoténuse AB 865, & la jambe AE 775, par lesquelles on trouve l'angle ABE 63 d: 38' & l'angle BAE 26 d: 22'. Aussi au Triangle rectangle CBE est cognueüe l'hypoténuse BC 632, & la jambe CE 502, par lesquelles on trouve l'angle CBE 52 d: 35' & l'angle BCE 37 d: 25'. Si vous adjoustez l'angle CBE 52 d: 35' à l'angle ABE 63 d: 38', l'aggregé est l'angle ABC 116 d: 13'.

Autrement.

Adjoustez ensemble les trois costez, & de la moitié de leur somme soustrayez chasque costé comprenant l'angle requis, afin d'avoir leur différences: Alors sera.

1. Comme quelqu'un des costez comprenant l'angle requis,
A quelque une des différences trouvées,
Ainsi l'autre différence,
A un quartiesme nombre.
2. Comme l'autre costé comprenant l'angle requis,
Au Sinus total;
Ainsi le quartiesme nombre trouvé,
A un septiesme.

III. CHAP. Des Triangles rectilignes obliquangles. 11

Ce septiesme nombre étant multiplié avec le Sinus total, la racine quarrée du produit sera le Sinus de la moitié de l'angle requis.

Ou plus facilement par Logarithmes, adjoustez le Logarithme du Sinus total, au septiesme Logarithme; la moitié de la somme sera la Logarithme du Sinus de la moitié de l'angle requis.

EXEMPLE. Au Triangle précédent soit requis l'angle ABC.

Les costez	$\begin{cases} AC & 1277 \\ AB & 865 \\ BC & 632 \end{cases}$
La somme des costez	2774
La moitié de la somme	1387
La différence de AB	522 le Log: 2.7176705
La différence de BC	755 le Log: 2.8779479
	La somme 5.5956174
Le Logarithme de AB	865 2.9370161
Le Log: du 4. avec le Log: du Sin: total	12.6586013
Le Logarithme de BC	632 2.8007171
Le Log: du 7. avec le Sinus total	19.8578842
La moitié est le Log: du Sin: de 58. d: 61' 9.9289421	
Le double d'iceluy	117. d: 13' est l'angle requis ABC.

Oubien adjoustez les complemens arithmetiques des Log: des costez comprenants l'angle requis, aux Logarith: des différences trouvées: la moitié de la somme sera le Logarithme du Sinus de la moitié de l'angle requis: Comme au mesme exemple.

Les costez	$\begin{cases} AB & 865 \\ BC & 632 \end{cases}$	Logarithmes.
La differ: de AB	522	7.0629839 compl: arithm:
La differ: de BC	755	7.1992829 compl: arithm:
La somme		2.7176705
La moitié de la somme		2.8779469
		19.8578842
		9.9289421 comme devant,

IV. PROP.

Figure 11: Tables de Sinus, Pages 10 and 11

12 III. CHAP. Des Triangles rectilignes obliquangles.
IV. PROP. Estans cognéus les angles, & vn costé; trouver
 quelqu'un des autres costez.
 Comme le Sinus de l'angle opposé au costé cognéus,
 Au costé cognéus;
 Ainsi le Sinus de l'angle opposé au costé requis,
 Au costé requis.

V. PROP. Estans cognéus deux costez, & vn angle com-
 pris d'iceux; trouver le troisième costé.
 Trouvez premierement les autres angles par la 3. prop. de ce Chapitre;
 & puis apres le costé requis, par la precedente 4. prop.

IV. CHAP. Du calcul des Triangles Sphériques rectangles.
OBSERVATIONS.

1. Si vne des jambes est quadrant, l'angle opposé à icelle sera droit: si moindre que le quadrant, aigu: & si plus grande, obtus: & au contraire.

2. Si vne des jambes est quadrant, l'hypotenuse sera aussi quadrant: Mais si l'vne & l'autre d'icelles est moindre ou plus grande que le quadrant, l'hypotenuse sera moindre que le quadrant: Et si l'vne d'icelles est plus grande que le quadrant; & l'autre moindre, l'hypotenuse sera plus grande que le quadrant; & au contraire.

3. Si vn des angles touchants l'hypotenuse en droit, l'hypotenuse sera quadrant: Mais si chacun d'iceux est moindre ou plus grande qu'un droit, l'hypotenuse sera moindre que le quadrant: Et si l'un d'iceux est plus grande qu'un droit, l'autre moindre, l'hypotenuse sera plus grande que le quadrant. Et au contraire.

4. De quelconque Triangle Sphérique les trois angles sont plus grands que deux droits.

I. PROP. Estant cognéu vn angle oblique, & vne jambe ad-
 jacente à iceluy; trouver l'autre angle oblique.
 Comme le Sinus total,
 Au Sinus de l'angle oblique cognéus;
 Ainsi le Sinus du complément de la jambe cognée,
 Au Sinus du complément de l'angle requis.

II. PROP.

IV. CHAP. Des Triangles Sphériques rectangles. **13**
II. PROP. Estans cognéus vne jambe, & vn angle oblique op-
 posé à icelle; trouver l'autre angle oblique: Moyennant qu'on
 seache s'il est aigu ou obtus: ou bien si l'hypotenuse, ou l'autre
 jambe, est moindre ou plus grande que le quadrant.
 Comme le Sinus du complément de la jambe cognée,
 Au Sinus du complément de l'angle cognéus;
 Ainsi le Sinus total,
 Au Sinus de l'angle requis.
 Autrement.
 Comme le Sinus total,
 A la Secante de la jambe cognée;
 Ainsi le Sinus du complément de l'angle cognéus,
 Au Sinus de l'angle requis.
III. PROP. Estans cognéus l'hypotenuse, & vne jambe;
 trouver l'angle opposé à icelle jambe.
 Comme le Sinus de l'hypotenuse,
 Au Sinus total;
 Ainsi le Sinus de la jambe cognée,
 Au Sinus de l'angle requis.
 Autrement.
 Comme le Sinus total,
 A la Secante du complément de l'hypotenuse;
 Ainsi le Sinus de la jambe cognée,
 Au Sinus de l'angle requis.

IV. PROP. Estans cognées les jambes; trouver lequel
 on voudra des angles obliques.
 Comme le Sinus de la jambe adjacente à l'angle requis,
 Au Sinus total;
 Ainsi la Tangente de l'autre jambe,
 A la Tangente de l'angle requis.
 Comme le Sinus total,
 A la Secante du complément de la jambe adjacente à l'angle requis;
 Ainsi la Tangente de l'autre jambe,
 A la Tangente de l'angle requis.

V. PROP.

Figure 12: Tables de Sinus, Pages 12 and 13

14 IV. C H A P. Des Triangles Spheriques rectangles.		15
V. P R O P.	Estant cognueü l'hypotenuse, & vne jambe ; trouver l'angle compris d'icelles,	
Comme le Sinus total ,		
A la Tangente du complément de l'hypotenuse ;		
Ainsi la Tangente de la jambe cognueü ,		
Au Sinus du complément de l'angle requis.		
V I. P R O P.	Estant cognueü l'hypotenuse, & vne angle oblique; trouver l'autre angle oblique.	
Comme le Sinus total ,		
Au Sinus du complément de l'hypotenuse ;		
Ainsi la Tangente de l'angle oblique cognueü ,		
A la Tangente du complément de l'angle requis.		
V II. P R O P.	Estant cognueü l'hypotenuse, & vn angle oblique; trouver la jambe opposée à iceluy angle.	
Comme le Sinus total ,		
Au Sinus de l'hypotenuse ;		
Ainsi le Sinus de l'angle oblique cognueü ,		
Au Sinus de la jambe requise.		
VIII. P R O P.	Estant cognueü l'hypotenuse, & vne jambe ; trouver l'autre jambe.	
Comme le Sinus du complément de la jambe cognueü ,		
Au Sinus total ;		
Ainsi le Sinus du complément de l'hypotenuse ,		
Au Sinus du complément de la jambe requise.		
	Autrement.	
Comme le Sinus total ,		
A la Secante de la jambe cognueü ;		
Ainsi le Sinus du complément de l'hypotenuse ,		
Au Sinus du complément de la jambe requise.		
IX. P R O P.	Estant cognueüs les angles; trouver laquelle on voudra des jambes.	
Comme le Sinus du compl. de l'angle oblique adjacent à la jambe requise ,		
Au Sinus total ;		
Ainsi le Sinus du complément de l'autre angle oblique ,		
Au Sinus du complément de la jambe requise.		
	Autrement.	
X. P R O P.	Estant cognueü vne jambe, & vn angle oblique adjacent à icelle; trouver l'autre jambe.	
Comme le Sinus total ,		
A la Secante du compl. de l'angle oblique adjacent à la jambe requise ;		
Ainsi le Sinus du complément de l'autre angle oblique ,		
Au Sinus du complément de la jambe requise.		
XI. P R O P.	Estant cognueü vne jambe, & vn angle oblique opposé à icelle; trouver l'autre jambe : Moyennant qu'on seache si elle, ou bien l'hypotenuse, est moindre ou plus grande que le quadrant : on si l'autre angle oblique est aigu ou obtus.	
Comme le Sinus total ,		
A la Tangente du complément de l'angle oblique cognueü ;		
Ainsi la Tangente de la jambe cognueü ,		
Au Sinus de la jambe requise.		
XII. P R O P.	Estant cognueü l'hypotenuse, & vn angle oblique; trouver la jambe adjacent à iceluy angle.	
Comme le Sinus total ,		
A la Secante du complément de l'angle oblique cognueü ;		
Ainsi la Tangente de l'hypotenuse ,		
A la Tangente de la jambe requise.		
XIII. P R O P.	Estant cognueüs les angles ; trouver l'hypotenuse.	
Comme le Sinus total ,		
A la Tangente du complément de l'un des angles obliques ;		
Ainsi la Tangente du complément de l'autre angle oblique ,		
Au Sinus du complément de l'hypotenuse.		

Figure 13: Tables de Sinus, Pages 14 and 15

16 IV. CHAP. Des Triangles Spheriques rectangles.

XIV. PROP. Estans cognéües les jambes ;
trouver l'hypoténuse.

Comme le Sinus total,

Au Sinus du complément de l'une des jambes ;

Ainsi le Sinus du complément de l'autre jambe ,

Au Sinus du complément de l'hypoténuse.

XV. PROP. Estant cognéüe vne jambe , & vn angle oblique
opposé à icelle ; trouver l'hypoténuse : Moyennant qu'on
ſſaube ſi elle, ou l'autre jambe, eſt moindre ou plus grande
que le quadrant : ou ſi l'autre angle oblique eſt
aigu ou obtus.

Comme le Sinus de l'angle oblique cognéü ,

Au Sinus total ;

Ainsi le Sinus de la jambe cognéü ,

Au Sinus de l'hypoténuse .

Autrement.

Comme le Sinus total ,

A la Secante du complément de l'angle oblique cognéü ;

Ainsi le Sinus de la jambe cognéü ,

Au Sinus de l'hypoténuse .

XVI. PROP. Estant cognéüe vne jambe , & vn angle oblique adjacent à icelle ; trouver l'hypoténuse .

Comme le Sinus total ,

Au Sinus du complément de l'angle oblique cognéü ;

Ainsi la Tangente du complément de la jambe cognéü ,

A la Tangente du complément de l'hypoténuse .

V. CHAP.

17 V. CHAP. Des Triangles Spheriques Obliquangles.

V. CHAP.

Du calcul des Triangles Spheriques Obliquangles.

Pour resoudre la plus part des Triangles Spheriques Obliquangles, on les reduit en deux Triangles rectangles par une perpendiculaire , tirée du bout d'un costé cognéü ayant à l'autre bout un angle cognéü, sur la base , prolongée ſi besoin eſt : Et alors on trouvez termes requis par les termes cognéües des Triangles rectangles. Or puis que la maniere par invention de la perpendiculaire (laquelle demande trois operations au moins) eſt deſia vulgaire, & peut eſtre faite par les Propositions precedentes , j'obmettray la declaration d'icelle , mais je montrera , comment on resoudra les Triangles sans l'invention de la perpendiculaire par le moyen de deux proportions ſeullement: Et au lieu de plusiers paroles qui font requises pour les exprimer , je le feray plus brievement par lettres. Ceux qui defiront d'en voir les démonstrations , les trouueront en la Trigonometrie Britannique d'Henry Briggs.

Pour ce faire felon les analogies ſuivantes , marquez le Triangle proposé par les lettres A B C: c'eſt à ſçauoir , l'angle duquel la perpendiculaire doit tomber , par la lettre A ; l'angle cognéü adjacent à vn costé cognéü, par la lettre B ; & le troisième angle par la lettre C: Et ou la perpendiculaire coupe la base à angles droicts , mettez la letter D. Les angles eſtant ainsi marquez , les costez de chasque Triangle rectangle ſeront aussi marquez .

Si les angles B & C (touchans la Base B C) font aigus, la perpendiculaire tombera dans le Triangle : Si B eſt obtus , elle tombera dehors oultre l'angle obtus B. Si C eſt obtus , elle tombera dehors oultre l'angle obtus C.

NOTEZ.

Puis qu'il eſt dit que la perpendiculaire doit tomber du bout d'un costé cognéü ayant un angle cognéü à l'autre bout ; & que cela en quelques cas partant en la 1. 4. 9. § 12. Prop.) peut eſtre fait en deux manieres : neceſſairement en cette affaire doit tomber ; Aux autres deux il n'y a diſſe rence.

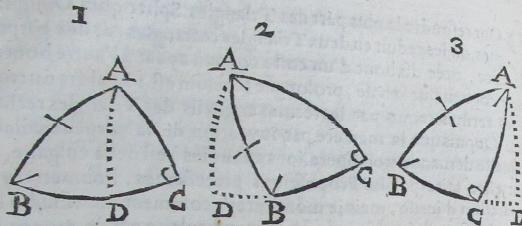
B 2

I. PROP.

Figure 14: Tables de Sinus, Pages 16 and 17

18 V. C A P. Des Triangles Spheriques obliquangles.

I. PRO P. Estans cogneus deux angles, & le costé d'entre iceux; trouver le troisième angle.



1. Comme le Sinus total,
Au Sinus du complément de
Ainsi la Tangente de
A la Tangente du complément de

$$\begin{array}{ll} AB & \\ ABC & \\ BAD & \end{array}$$

Estant trouvé B A D , se manifeste aussi C A D .

2. Comme le Sinus de
Au Sinus de
Ainsi le Sinus du complément de
Au Sinus du complément de

$$\begin{array}{ll} B A D & \\ C A D & \\ A B C & \\ A C D & \end{array}$$

N O T E Z .

En la première & seconde figure, A C D est le mesme de A C B mais en la troisième, ayant trouvé A C D , il faut prendre son complément à 180 degrés, pour avoir l'angle requis A C B .

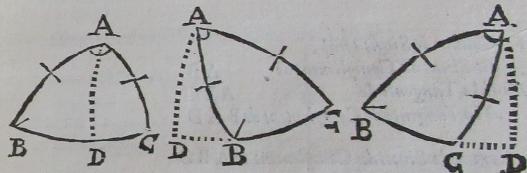
Pour montrer la facilité de calculer par ces analogies, je donne ray vn exemple, avec la plus briefue maniere d'operer.

V. C H A P. Des Triangles Spheriques obliquangles. 19

Soit du premier Triangle obliquangle B A C , cogneu l'angle B A C 104 deg. 0'. l'angle A B C 38 deg. 0'. & le costé A B 30 deg. 0'. on demande l'angle A C B .

	Logarithmes.	Logarithmes.
A B 30 d. 0' Sin. compl.	9. 9375306	Sin.co. 9.8965321
A B C 38 d. 0' Tangente	9. 8928098	Sin. 0.0818525.ar.co.
B A D 55 d. 55 Tang. comp. 19. 8303404		Sin. 9.8716414
C A D 48 d. 5		Si. co. 19.8500260
A C B 44 d. 56		

II. PRO P. Estans cogneus deux costez, & l'angle opposé à lvn d'iceux; trouver l'angle compris d'iceux.



1. Comme le Sinus total,
Au Sinus du complément de
Ainsi la Tangente de
A la Tangente du complément de

$$\begin{array}{ll} A B & \\ A B C & \\ B A D & \end{array}$$

2. Comme la Tangente de
A la Tangente de
Ainsi le Sinus du complément de
Au Sinus du complément de

$$\begin{array}{ll} A C & \\ A B & \\ B A D & \\ C A D & \end{array}$$

Si la perpendiculaire tombe dans le Triangle , la somme de B A D , C A D : Si dehors, la difference d'iceux est l'angle requis B A C .

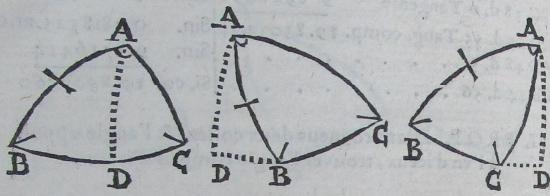
Sol:

III. PROP.

Figure 15: Tables de Sinus, Pages 18 and 19

20 V. C A P. Des Triangles Sphériques obliquangles.

III. PROP. Estans cognes deux angles, & le costé opposé à lvn d'iceux; trouver le troisième angle: Moyennant qu'on s'ache che s'il est aigu ou obtus: ou bien que l'espèce du costé opposé à l'autre angle donne soit cognue.



1. Comme le Sinus total,

Au Sinus du Complement de AB
Ainsi la Tangente de ABC
A la Tangente de Complement de BAD

2. Comme le Sinus du Complement de ABC

Au Sinus du Complement de BCA
Ainsi le Sinus de BAD
Au Sinus de CAD

Si la perpendiculaire tombe dans le Triangle, la somme de BAD, CAD: Si dehors, la difference d'iceux est l'angle requis BAC.

IV. PROP. Estans cognes deux costez, & l'angle compris d'iceux: trouver quelqu'un des autres angles.

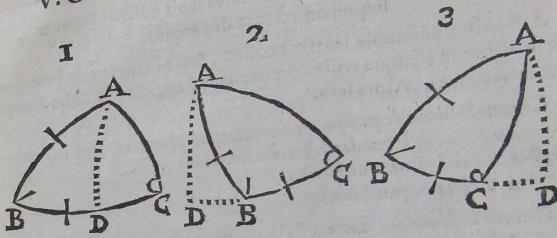
N O T E Z.

En ce cas la perpendiculaire doit nécessairement tomber du costé opposé à l'angle requis.

1. Comme

V. C A P. Des Triangles Sphériques obliquangles.

21



1. Comme de Sinus total,

Au Sinus du Complement de ABC
Ainsi la Tangente de AB
A la Tangente de BD

Estant trouvée BD, se manifeste aussi CD.

2. Comme le Sinus de

Au Sinus de CD
Ainsi la Tangente de ABC
A la Tangente de ACD

N O T E Z.

En la premiere & seconde figure, l'angle ACD est le même de A C B: mais en la troisième, ayant trouvé ACD, il faut prendre son complément à 180. degrés, pour avoir l'angle requis A C B.

V. PROP. Estans cognes deux costez & l'angle opposé à lvn d'iceux; trouver l'angle opposé à l'autre: Moyennant qu'on s'ache che s'il est aigu ou obtus.

Comme le Sinus du costé opposé à l'angle cognue,
Au Sinus de l'angle cognue;
Ainsi le Sinus de l'autre costé cognue,
Au Sinus de l'angle requis.

B 4

VI. PROP

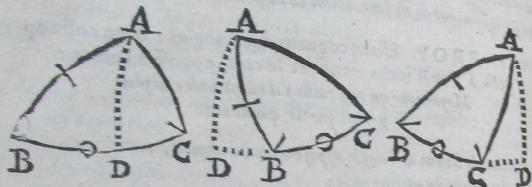
Figure 16: Tables de Sinus, Pages 20 and 21

<p>22 V. C A P. Des Triangles Spheriques obliquangles.</p> <p>VI. P R O P. Estans cognus les trois costez; trouver lequel on voudra des angles.</p> <p>Adjoustez ensemble les trois costez, & de la moitié de leur somme soustrayez chasque costé comprenant l'angle requis, afin d'avoir leur differences. Alors sera,</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Comme le Sinus de quelqu'un des costez comprenant l'angle requis, Au Sinus de l'une des differences trouvées, Ainsi le Sinus de l'autre difference, A un quartiesme Sinus. 2. Comme le Sinus de l'autre costé comprenant l'angle requis, Au Sinus total ; Ainsi le quartiesme Sinus trouvé, A un septiesme Sinus. <p>Ce septiesme Sinus étant multiplié avec le Sinus total, la racine quarrée du produit sera le Sinus de la moitié de l'angle requis.</p> <p>Ou plus facilement par Logarithmes, adjoustez le Logarithme du Sinus total au septiesme Sinus Logarithmique : la moitié de la somme sera le Logarithme du Sinus de la moitié de l'angle requis.</p> <p>Ou bien adjoustez les complemens arithmetiques de Log. des Sinus des costez comprenant l'angle requis, aux Logarith. des Sinus des differences trouvées : la moitié de la somme sera le Log. du Sinus de la moitié de l'angle requis. Dont voicy un exemple.</p> <p>Au Triangle ACD sont cognus les costez AD 42 d. 8'. AC 30 d. 0'. & CD 24 d. 4'. on demande l'angle ACD.</p> <p>Les costez</p> <table border="0"> <tr> <td>$\left\{ \begin{array}{l} AD = 42 \text{ d. } 8' \\ AC = 30 \quad 0 \\ CD = 24 \quad 4 \end{array} \right.$</td> <td>$\left\{ \begin{array}{l} 0.3010300 \\ 0.3895535 \end{array} \right.$</td> </tr> </table> <p>La somme des cost. 96.12 La moitié de la somme 48.6 La differ. de AC 18.6 9.4923083 La differ. de CD 24.2 9.6098893 La somme 19.7927721 La moitié est de 51.529.8963860 Le double est 103.56 de ACD</p>	$\left\{ \begin{array}{l} AD = 42 \text{ d. } 8' \\ AC = 30 \quad 0 \\ CD = 24 \quad 4 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 0.3010300 \\ 0.3895535 \end{array} \right.$	<p>V. C H A P. Des Triangles Spheriques obliquangles. 23</p> <p>VII. P R O P. Estans cognus les trois angles, trouver lequel on voudra des costez.</p> <p>En changeant les angles en leurs costez opposites, & prenant au lieu du plus grand angle β du costé opposé à iceluy le complément à 180 degrés, l'opération sera tout de mesme comme en la precedente.</p> <p>VIII. P R O P. Estans cognus deux angles, & un costé opposé à l'un d'iceux ; trouver le costé opposé à l'autre :</p> <p>Moyennant qu'on s'cache s'il est moins que le quadrant.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Comme le Sinus de l'angle opposé au costé cognus, Au Sinus du même costé ; Ainsi le Sinus de l'autre angle cognus, Au sinus du costé requis. <p>IX. P R O P. Estans cognus deux costez, & l'angle compris d'iceux ; trouver le troisième costé.</p> <p>1. Comme le Sinus total, Au Sinus du complément de Ainsi la Tangente de A la Tangente de</p> <p>ABC AB BD</p> <p>Estant trouvée BD, se manifeste aussi CD.</p> <p>2. Comme le Sinus du complément de Au Sinus du complément de Ainsi le Sinus du complément de Au Sinus du complément de</p> <p>BD CD AB AC</p> <p>B 5 X. P R O P.</p>
$\left\{ \begin{array}{l} AD = 42 \text{ d. } 8' \\ AC = 30 \quad 0 \\ CD = 24 \quad 4 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 0.3010300 \\ 0.3895535 \end{array} \right.$		

Figure 17: Tables de Sinus, Pages 22 and 23

V. CAP. Des Triangles Spheriques obliquangles.

X. PRO P. Estans cognus deux angles, & le costé opposé à lvn d'iceux ; trouver le costé d'entre les angles cognus ; Moyennant qu'on fache si le costé requis, ou bien le costé opposé à l'autre angle cognus, est moins ou plus grande que le quadrant.



1. Comme le Sinus total,
Au Sinus du complément de
Ainsi la Tangente de
A la Tangente de

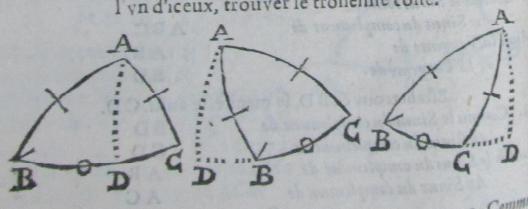
ABC
AB
ACB

2. Comme la Tangente de
A la Tangente de
Ainsi le Sinus de
Au Sinus de

ACB
ABC
BD
CD

Si la perpendiculaire tombe dans le Triangle, la somme de BD, CD : si dehors, la différence d'iceux est le costé requis BC.

XI. PRO P. Estans cognus deux costez, & l'angle opposé à lvn d'iceux, trouver le troisième costé.



1. Comme

V. CHAP. Des Triangles Spheriques obliquangles. 25

1. Comme le Sinus total,
Au Sinus du complément de
Ainsi la Tangente de
A la Tangente de

ABC
AB
BD

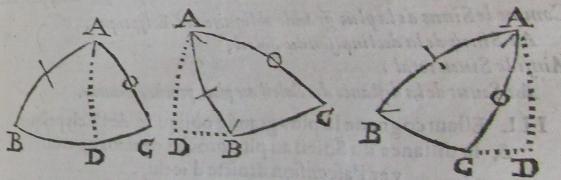
2. Comme le Sinus du complément de
Au Sinus du complément de
Ainsi le Sinus du complément de
Au Sinus du complément de

AB
AC
BD
CD

Si la perpendiculaire tombe dans le Triangle, la somme de BD, CD : si dehors, la différence d'iceux est le costé requis BC.

N O T E Z.

En ce cas la perpendiculaire doit nécessairement tomber de l'angle cognus adjacent au costé requis.



1. Comme le Sinus total,
Au Sinus du complément de
Ainsi la Tangente de
A la Tangente du complément de

AB
ABC
BAD

Estant trouvé BAD, se manifeste aussi CAD.

2. Comme le Sinus du complément de
Au Sinus du complément de
Ainsi la Tangente de
A la Tangente de

CAD
BAD
AB
AC

APPEN-

Figure 18: Tables de Sinus, Pages 24 and 25



APPENDICE De Questions Astronomiques.

- I. Estant cogneue la plus grande obliquité de l'Ecliptique, & la distance du Soleil au plus proche equinoxe; trouver sa declinaison en ceste distance.
*Comme le Sinus total,
 Au Sinus de la distance du Soleil au plus proche equinoxe;
 Ainsi le Sinus de la plus grande obliquité,
 Au Sinus de la declinaison requise.*
- II. Estant cogneue la plus grande obliquité de l'Ecliptique, & la declinaison du Soleil; trouver le lieu d'iceluy dans l'Ecliptique.
*Comme le Sinus de la plus grande obliquité de l'Ecliptique,
 Au Sinus de la declinaison du Soleil;
 Ainsi le Sinus total,
 Au Sinus de la distance du Soleil au plus proche equinoxe.*
- III. Estant cogneue la plus grande obliquité de l'Ecliptique, & la distance du Soleil au plus proche equinoxe; trouver l'ascension droite d'iceluy.
*Comme le Sinus total,
 A la Tangente de la declinaison du Soleil;
 Ainsi la Tangente du complément de la plus grande obliquité,
 Au Sinus de l'ascension droite requise.*
- IV. Estant cogneue la plus grande obliquité de l'Ecliptique, & la declinaison du Soleil; trouver l'ascension droite.
*Comme le Sinus total,
 A la Tangente de la declinaison du Soleil;
 Ainsi la Tangente du complément de la plus grande obliquité,
 Au Sinus de l'ascension droite requise.*

V. Estant

APPENDICE de Questions Astronomiques. 27

V. Estant cogneue la plus grande obliquité de l'Ecliptique, & la distance du Soleil au plus proche equinoxe; trouver l'angle que l'Ecliptique fait avec le Meridien.

*Comme le Sinus total,
 Au Sinus du complément de la distance du Soleil au plus proche equinoxe,
 Ainsi la Tangente de la plus grande obliquité,
 A la Tangente du complément de l'angle requis.*

VI. Estant cogneue la plus grande obliquité de l'Ecliptique, & la declinaison du Soleil; trouver l'angle que l'Ecliptique fait avec le Meridien.

*Comme le Sinus du complément de la declinaison du Soleil,
 Au Sinus du complément de la plus grande obliquité;
 Ainsi le Sinus total,
 Au Sinus de l'angle requis.*

VII. Estant cogneue la declinaison du Soleil, & l'eslevation du Pole; trouver l'amplitude Orientale ou Occidentale du Soleil.

*Comme le Sinus du complément de l'eslevation du Pole,
 Au Sinus de la declinaison du Soleil;
 Ainsi le Sinus total,
 Au Sinus de l'amplitude requise.*

VIII. Estant cogneue la declinaison du Soleil, & l'eslevation du Pole; trouver la difference Ascensionnelle.

*Comme le Sinus total,
 A la Tangente de la declinaison du Soleil;
 Ainsi la Tangente de l'eslevation du Pole;
 A la Sinus de la difference ascensionnelle requise.*

IX. Estant cogneue la declinaison du Soleil, & l'eslevation du Pole; trouver l'heure du leuer ou coucher du Soleil.

*Comme le Sinus total,
 A la Tangente de la declinaison du Soleil;
 Ainsi la Tangente de l'eslevation du Pole,
 Au Sinus du complément de l'arc seminocturne.*

L'arc seminocturne, reduit en temps, donnera l'heure du leuer du Soleil, qui esté de 12 heures, restera l'heure du coucher.

X. Estant

28 APPENDICE de Questions Astronomiques.

X. Estans cogneüs l'eſtuation du Pole, la declinaſon du Soleil, & l'heure du jour; trouuer la hauteur du Soleil.

1. Comme le Sinus total,

A la Tangente du complement de l'eſtuation du Pole;

Ainsi le Sinus du complement de la distance du Soleil de 6. heures,

A la Tangente du premier arc trouue.

Oſtez le premier arc trouue de la distance du Soleil du Pole; le demeurant ſera le ſecond arc trouue.

2. Comme le Sinus du complement du premier arc trouue:

Au Sinus du complement du ſecond arc trouue;

Ainsi le Sinus de l'eſtuation du Pole,

Au Sinus de la hauteur requise.

Pour trouuer la hauteur du Soleil à 6. heures, ſuivez cete analo-

gie.

Comme le Sinus total,

Au Sinus de la declinaſon du Soleil;

Ainsi le Sinus de l'eſtuation du Pole,

Au Sinus de la hauteur requise.

X I. Estans cogneüs l'Azimuth & la declinaſon du Soleil, avec l'heure du jour; trouuer la hauteur du Soleil.

Comme le Sinus de l'Azimuth du Soleil du Meridien,

Au Sinus du complement de la declinaſon d'iceluy;

Ainsi le Sinus de la distance du Soleil du Meridien,

Au Sinus du complement de la hauteur requise.

X I I. Estans cogneüs la declinaſon, la hauteur, & l'Azimuth du Soleil; trouuer l'heure du jour.

Comme le Sinus du complement de la declinaſon,

Au Sinus du complement de la hauteur;

Ainsi le Sinus de l'Azimuth du Meridien,

Au Sinus de la distance du Meridien.

X I I I. Estans

APPENDICE de Questions Astronomiques. 29

X III. Estans cogneüs l'eſtuation du Pole, la declinaſon & la hauteur du Soleil; trouuer l'heure du jour.

Adjouitez ensemble ces trois : le complement de l'eſtuation du Pole, la distance du Soleil du Pole, & le complement de la hauteur de l'eſtuation du Pole, & la distance du Soleil du Pole, afin d'avoir leur differences. Alors ſera.

1. Comme le Sinus du complement de l'eſtuation du Pole,

Au Sinus de l'une des differences trouuees;

Ainsи le Sinus de l'autre difference;

A un quatriesme Sinus.

2. Comme le Sinus de la distance du Soleil du Pole,

Au Sinus total;

Ainsи le quatriesme Sinus trouue;

A un septiesme Sinus.

Adjouitez le Logarithme du Sinus total, au septiesme Sinus Logarithmique : la moitié de la ſomme ſera le Logarithme du Sinus d'un arc, lequel doublé & reduit en heures, donnera la diſtan-
ce du midy.

Ou bien adjouitez ensemble les complemens Arithmetiques des Log: du Sinus du complement de l'eſtuation du Pole & du Sinus de la distance du Soleil du Pole, & les Logarithmes des Sinus des differences trouuees : la moitié de la ſomme ſera le Logarithme du Sinus d'un arc, lequel doublé & reduit en heures, donnera la diſtan-
ce du midy.

X I V. Eſtant cogneüe la declinaſon du Soleil, avec l'eſtuation du Pole; trouuer l'Azimuth du Soleil à six heures.

Comme le Sinus total,

Au Sinus du complement de l'eſtuation du Pole;

Ainsи la Tangente de la declinaſon du Soleil,

A la Tangente de l'Azimuth du Soleil de la part ſeptentrionale de
Meridien à six heures.

X V. Eſtant

Figure 20: Tables de Sinus, Pages 28 and 29

30 APPENDICE de Questions Astronomiques.

XV. Estans cognus l'elevation du Pole, la declinaison & la hauteur du Soleil, trouver son Azimuth.

Adjoustez ensemble ces trois : le complement de l'elevation du Pole, la distance du Soleil du Pole, & le complement de la hauteur du Soleil : & de la moitié de leur somme soustrayez le complement de l'elevation du Pole , & le complement de la hauteur du Soleil, afin d'avoir leur differences. Alors sera,

1. Comme le Sinus du complement de l'elevation du Pole,
Au Sinus de l'une des differences trouvées ;
Ainsi le Sinus de l'autre difference,
A un quatriesme Sinus.

2. Comme le Sinus du complement de la hauteur du Soleil,
Au Sinus total ,
Ainsi le quatriesme Sinus trouvé,
A un septiesme Sinus.

Adjoustez le Logarithme du Sinus total , au septiesme Sinus Logarithmique : la moitié de la somme sera le Logarithme du Sinus de la moitié de l'Azimuth requis.

Ou bien adjoustez ensemble les complemens Arithmetiques des Logarithmes du Sinus du complement de l'elevation du Pole & du Sinus du complement de la hauteur du Soleil , & les Logarithmes des Sinus des differences trouvées : la moitié de la somme sera le Logarithme du Sinus de la moitié de l'Azimuth requis.

F I N I S.

T A B L E S
DE
S I N U S ,
T A N G E N T E S ,
S E C A N T E S :
E T D E
L O G A R I T H M E S
Pour les S I N V S &
T A N G E N T E S .

Figure 21: Tables de Sinus, Pages 30 and 31

Grad.						89 Grad.					
Minut.	Sinus	Tang.	Secant.	Log. Sin.	Log. Tang.	Minut.	Sinus	Tang.	Secant.	Log. Sin.	Log. Tang.
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
1	29.09	29.09	100000.00	6.4537261	6.4637261	60	10000000	Infinit.	Infinit.	10,0000000	Infinit.
2	58.18	58.18	100000.02	6.7647561	6.7647561	59	99999.99	343774667,	343774682,	9.9999999	13.5362739
3	87.27	87.27	100000.04	6.9408473	6.9408473	58	99999.98	171887319,	171887348,	9.9999999	13.2352438
4	116.36	116.36	100000.07	7.0657860	7.0657860	57	99999.96	114591530,	114591574,	9.9999998	13.0591525
5	145.44	145.44	100000.11	7.1626960	7.1626960	56	99999.93	85943630,	85943689,	9.9999997	12.9342137
6	174.53	174.53	100000.16	7.2418771	7.2418770	55	99999.89	68754887,	68754960,	9.9999995	12.8373036
7	203.62	203.62	100000.21	7.3088239	7.3088248	54	99999.84	57295721,	57295809,	9.9999993	12.7581222
8	232.71	232.71	100000.27	7.3668157	7.3668165	53	99999.79	49110600,	49110702,	9.9999991	12.6911752
9	261.80	261.80	100000.34	7.4179881	7.4179891	52	99999.73	42971757,	42971873,	9.9999988	12.6331831
10	290.89	290.89	100000.42	7.4637255	7.4637255	51	99999.66	38197099,	38197230,	9.9999985	12.5820304
11	319.98	319.98	100000.51	7.5051181	7.5051202	50	99999.58	34377371,	34377516,	9.9999982	12.5362727
12	349.06	349.07	100000.61	7.5429065	7.5429091	49	99999.49	31252137,	31252297,	9.9999978	12.4948797
13	378.15	378.16	100000.72	7.5776684	7.5776711	48	99999.39	28647773,	28647948,	9.9999974	12.4570909
14	407.24	407.25	100000.83	7.6098530	7.6098560	47	99999.28	26444080,	26444269,	9.9999969	12.4223285
15	436.33	436.33	100000.95	7.6398160	7.6398201	46	99999.17	24555198,	24555402,	9.9999964	12.3901434
16	465.42	465.42	100001.08	7.6678445	7.6678491	45	99999.05	22918166,	22918385,	9.9999959	12.3601799
17	494.51	494.51	100001.22	7.6941733	7.6941786	44	99998.92	21485702	21485995	9.9999953	12.3321508
18	523.60	523.60	100001.37	7.7189966	7.7190064	43	99998.78	20221875,	20222122,	9.9999947	12.3058214
19	552.68	552.69	100001.53	7.7424775	7.7424841	42	99998.63	19098419,	19098680,	9.9999940	12.2809974
20	581.77	581.78	100001.70	7.7647537	7.7647610	41	99998.47	18093220,	18093496,	9.9999934	12.2575159
21	610.86	610.87	100001.87	7.7859427	7.7859508	40	99998.30	17188540,	17188831,	9.9999927	12.2352390
22	639.95	639.96	100002.05	7.8061458	7.8061534	39	99998.13	16370019,	16370325,	9.9999919	12.2140492
23	669.04	669.05	100002.24	7.8254507	7.8254603	38	99997.95	15625908,	15626228,	9.9999911	12.1938453
24	698.13	698.14	100002.44	7.8439338	7.8439440	37	99997.76	14946502,	14946837,	9.9999903	12.1745396
25	727.21	727.23	100002.65	7.8616623	7.8616735	36	99997.56	14323712,	14324061,	9.9999894	12.1560556
26	756.30	756.32	100002.86	7.8786953	7.8787077	35	99997.35	13750745,	13751108,	9.9999885	12.1383262
27	785.39	785.41	100003.08	7.8950854	7.8951098	34	99997.13	13221851,	13222299,	9.9999876	12.1212923
28	814.48	814.50	100003.31	7.9108793	7.9108931	33	99996.91	12732134,	12732526,	9.9999866	12.1049012
29	843.57	843.60	100003.55	7.9261190	7.9261344	32	99996.68	12277396,	12277803,	9.9999856	12.0891062
30	872.65	872.69	100003.80	7.9408419	7.9408581	31	99996.44	11854018,	11854440,	9.9999845	12.0738656
						30	99996.19	11458865,	11459301'	9.9999835	12.0591416

Figure 22: Tables de Sinus, Pages 32 and 33